

Mod 7 göre sayılar 0,1,2,3,4,5,6 kalanının verirler. Bunlardan

*0 kalanını verenlerin sayısı 43 tane ,
1 kalanını verenlerin sayısı 44 tane ,
2 kalanını verenlerin sayısı 44 tane ,
3 kalanını verenlerin sayısı 43 tane ,
4 kalanını verenlerin sayısı 43 tane ,
5 kalanını verenlerin sayısı 43 tane ve
6 kalanını verenlerin sayısı 43 tane dir.*

Yan yana olup toplamları 7 ile bölünebilmesi için ,

*0 kalanını verenler yan yana 00000 ... şeklinde yazılmalı ,
1 ve 6 kalanını verenler yan yana 161616 ... yada 616161 şeklinde yazılmalı ,
2 ve 5 kalanını verenler yan yana 252525 ... yada 525252 şeklinde yazılmalı ,
3 ve 4 kalanını verenler yan yana 343434 ... yada 434343 şeklinde yazılmalıdır.*

00000 ... şeklinde yazılan sayı ikilileri en fazla $43 - 1 = 42$ tane ,

161616 ... yada 616161 şeklinde yazılan sayı ikilileri en fazla $43 + 44 - 1 = 86$ tane ,

252525 ... yada 525252 şeklinde yazılan sayı ikilileri en fazla $43 + 44 - 1 = 86$ tane ,

343434 ... yada 434343 şeklinde yazılan sayı ikilileri en fazla $43 + 43 - 1 = 85$ tane dir.

Toplam olarak en fazla $42 + 86 + 86 + 85 = 299$ tane sayı ikilileri vardır.