

Bir olimpiyat kitabında gördüğüm şu özelliklerin ispatını yapamadım, yardımcı olursanız sevinirim:

1.  $a_n > 0$  olmak üzere  $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0 = 0$  denkleminde soldan ilk negatif katsayıdan önceki 0 veya pozitif katsayılı terim sayısı  $k$ , negatif katsayıların mutlak değerce en büyüğü  $G$  olsun. Bu durumda denklemin kökleri

$$1 + \sqrt[k]{\frac{G}{a_n}}$$

Sayısından daima küçüktür.

2.  $a_n > 0$  olmak üzere  $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0 = 0$  denkleminde her bir negatif katsayının mutlak değeri, kendinden önceki tüm pozitif katsayıların toplamına bölünerek elde edilen sayılardan en büyüğünün 1 fazlası reel köklerin bir üst sınırıdır.

Örneğin  $x^4 + 2x^3 + 5x^2 - 8x - 6 = 0$  denklemi için

$\frac{8}{1+2+5} = 1$  ve  $\frac{6}{1+2+5} = \frac{3}{4}$  olduğu için denklemin kökleri  $1+1=2$  sayısından küçüktür.

İspatları konusunda yardımcı olur musunuz???